

EFEITO DO FATOR DE CORREÇÃO PARA A DISCREPÂNCIA LOGARÍTMICA NA CONSTRUÇÃO DE TABELAS DE VOLUMES*

JOSÉ ANTONIO ALEIXO DA SILVA

Prof. Adjunto do Dep. de Agronomia da UFRPE.

FRANCISCO DE PAULA NETO

Prof. Adjunto do Dep. de Engenharia Florestal da Universidade Federal de Viçosa (UFV-MG).

O presente trabalho foi conduzido com o objetivo de mostrar a influência de uma correção para um erro sistemático que ocorre na aplicação da equação logarítmica de volume, chamado fator de discrepância logarítmica. Para estimar os coeficientes de regressão do modelo proposto por Schumacher e Hall, foram usadas 3353 árvores de oito espécies de *Eucalyptus*. Com as equações calculadas, foram estimados volumes por classe de diâmetros e alturas médias em blocos casualizados, considerando-se o fator de correção logarítmica em um caso e no outro não. O resultado foi que o fator de discrepância logarítmica alterou a posição de um grupo de equações comparando com o grupo de equações onde o fator de discrepância logarítmica não foi considerado. Assim, o fator de discrepância logarítmica deve ser considerado na equação logarítmica de volume.

INTRODUÇÃO

Segundo MEYER (1941), muitas equações de volume logarítmicas tem sido empregadas na construção de tabelas de volume, e se tem observado que as diferenças entre o volume calculado e o observado, às vezes, chega a ser alta, mesmo quando tais erros se distribuem homoganeamente. Aventou-se, pois, que o volume calculado por árvore, obtido através de uma equação logarítmica, pudesse ser afetado por um erro sistemático que é in-

* Artigo republicado por ter sido impresso com erros tipográficos, nas páginas 18-9, 20-2, 26 e 29 do Caderno Ômega da Universidade Federal Rural de Pernambuco, v. 1, n. 1, 1985.

roduzido quando se toma, por exemplo, o antilogaritmo de $\ln V = \ln a + b \ln D + c \ln H$.

Desta forma, as estimativas de volume médios, obtidos através de equações logarítmicas, são estimativas médias dos logaritmos dos volumes para valores específicos de logaritmos e alturas. O antilogaritmo dos volumes médios logarítmicos é a média geométrica dos volumes, o que é diferente da média aritmética.

Por definição, média geométrica do volume é representada por:

$$mg = (V_1 \cdot V_2 \cdot V_3 \cdot \dots \cdot V_n)^{1/n}$$

$$\log mg = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\log V_i)$$

A diferença entre a média geométrica estimada e a média aritmética é um erro devido à discrepância logarítmica. Na prática, tem-se notado que tal erro é mais sistemático que compensante, e matematicamente se faz preciso ajustar um fator que transforme a estimativa da média geométrica, numa média aritmética livre de tal erro (MEYER, 1941).

Este fator pode ser derivado de uma função de distribuição condicional para o logaritmo do volume. MEYER (1938), estudando tal função em *Pinus hartwegii*, mostrou que tal distribuição não difere da normal, dada por:

$$f(X) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot \exp\left\{-\frac{(X - \mu)^2}{2\sigma^2}\right\}$$

Se duas variáveis aleatórias possuem a mesma distribuição elas possuem a mesma função geratriz de momentos, expressa por HOGG & CRAIG (1978).

$$M_x(t) = E(e^{tx})$$

Considerando V (volume) um número positivo tal que a esperança matemática $E(e^{tx})$ exista para $-V \leq t \leq V$, tem-se:

$$E(e^{tx}) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{tx} \cdot f(x) dx$$

Então,

$$E(e^{tx}) = M_x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{tx} \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{x-\mu}{\sigma} \right)^2} dx$$

Usando,

$$y = \frac{x-\mu}{\sigma}$$

tem-se,

$$x = \sigma y + \mu$$

$$dx = \sigma dy$$

$$M_x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{t(\sigma y + \mu)} \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} y^2} \sigma dy$$

$$M_x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{t\sigma y + t\mu} e^{-\frac{1}{2} y^2} dy$$

$$M_x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{t\sigma y} e^{t\mu} e^{-\frac{1}{2} y^2} dy$$

$$M_x(t) = e^{t\mu} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{t\sigma y} e^{-\frac{1}{2} y^2} dy$$

O termo $t\sigma y - \frac{1}{2} y^2$ pode se escrito como

$$t\sigma y - \frac{1}{2} y^2 = -\frac{1}{2} (y^2 - 2t\sigma y + t^2\sigma^2) + \frac{1}{2} t^2\sigma^2$$

Então,

$$M_x(t) = e^{t\mu} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} (y^2 - 2t\sigma y + t^2\sigma^2) + \frac{1}{2} t^2\sigma^2} dy$$

$$M_x(t) = e^{t\mu} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} (y^2 - 2t\sigma y + t^2\sigma^2)} e^{\frac{1}{2} t^2\sigma^2} dy$$

$$M_x(t) = e^{t\mu} e^{\frac{1}{2} t^2\sigma^2} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} (y - t\sigma)^2} dy$$

$$M_x(t) = e^{t\mu + \frac{1}{2} t^2\sigma^2} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} (y - t\sigma)^2} dy$$

Sendo o termo $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2} (y - t\sigma)^2} dy = 1$

$$M_x(t) = e^{t\mu + \frac{1}{2} t^2\sigma^2}$$

O primeiro momento de $M_x(t)$ para $t = 0$ é dado por:

$$M'_x(0) = e^{t\mu + \frac{1}{2} t^2\sigma^2} \cdot (\mu + t\sigma)$$

$$M'_x(0) = e^0 \cdot \mu + 0 = \mu$$

onde μ = média dos volumes.

Mas necessita-se $E(V)$.

Considerando-se $X = \ln V$ ou $V = e^X$. Sendo $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, tem-se :

$$E(V) = E(e^X) = E(e^{tX}) \quad \text{para } t = 1.$$

Sabendo-se que

$$E(e^{tX}) = e^{t\mu + \frac{1}{2}t^2\sigma^2}$$

e com $t = 1$

$$E(V) = e^{\mu} e^{\frac{\sigma^2}{2}}$$

Usando $X = \ln V$, tem-se:

$$E(V) = E(10^X) = (e^{\ln 10})^X$$

$$E(e^{X \ln 10}) = M_X(\ln 10)$$

$$E(e^{X \ln 10}) = e^{\mu(\ln 10)} e^{\frac{\sigma^2}{2}(\ln 10)^2}$$

$$E(e^{X \ln 10}) = e^{\ln 10^\mu} e^{\frac{\sigma^2}{2}(\ln 10)^2}$$

$$E(e^{X \ln 10}) = 10^\mu e^{\left(\frac{\sigma^2}{2} \ln 10\right) \ln 10}$$

$$E(e^{X \ln 10}) = 10^\mu \cdot 10^{\frac{\sigma^2}{2} \cdot \ln 10}$$

$$E(V) = 10^\mu 10^{1.1513 \sigma^2}$$

Desde que 10^u é o antilogaritmo da média de f ($\log V$), ou a média geométrica do volume, a expressão para a média aritmética do volume em termos do volume calculado (V_c), pode ser escrita como:

$$E(V) = V_c \cdot 10^{1,1513\sigma^2} = V_c \cdot f$$

$$\text{onde } f = 10^{1,1513\sigma^2}$$

Então, para se obter volumes corrigidos, é necessário multiplicar o volume calculado pelo fator de correção (f), onde σ^2 é estimado pelo quadrado do erro padrão da estimativa da regressão (DRESS, 1959).

Assim sendo, este estudo teve como objetivo estudar o efeito de tal fator de correção quando aplicado a equações volumétricas.

MATERIAL E MÉTODO

Para o presente estudo foram utilizadas 3353 árvores da Companhia Agrícola e Florestal Santa Bárbara (CAF), incluindo as seguintes espécies: *Eucalyptus urophylla* de origem híbrida, introduzida no Brasil com o nome de *E. alba* (GOLFARI, 1977), *E. camaldulensis*, *E. citriodora*, *E. grandis*, *E. paniculata*, *E. robusta*, *E. saligna*, e *E. tereticornis*.

A tabela 1, apresenta a distribuição das árvores, por espécie, região e método de regeneração.

Tabela 1 — Distribuição das árvores por espécie, região e método de regeneração.

Espécie	Método de Regeneração	Regiões		Total
		C. Fabriciano	S. Bárbara	
E. "urophylla"	AF	284	188	472
	PT	107	177	224
E. camaldulensis	AF	—	106	106
	PT	—	123	123
E. citriodora	AF	107	—	107
	PT	100	—	100
E. grandis	AF	295	108	403
	PT	107	101	208
E. paniculata	AF	—	—	—
	PT	296	116	412
E. robusta	AF	100	154	254
	PT	—	—	—
E. saligna	AF	149	115	264
	PT	107	105	212
E. tereticornis	AF	101	100	201
	PT	101	166	267
T O T A L		1854	1499	3353

Onde AF = regime de alto-fuste
PT = primeira talhadia

O modelo volumétrico empregado foi o proposto por SCHUMACHER & HALL (1933) em sua forma logarítmica, que é dada por:

$$\log V = \log a + b \log D + c \log H.$$

Com os dados básicos de DAP alturas totais e volumes das árvores amostradas, foram obtidas as equações volumétricas, através do programa REGRE (UFV, 1976).

Com as equações obtidas, procedeu-se a análise estatística das mesmas através do teste de F. Assim, estimou-se volumes de árvores padrões para todos os tratamentos (equações selecionadas), sendo que considerou-se dois casos: um deles o fator de correção para a discrepância logarítmica foi considerado, e no outro caso não, sendo que os volumes estimados estão nas tabelas 2 e 3.

Tabela 2 — Volumes estimados pelas equações seleccionadas, considerando-se o fator de correção da discrepância logarítmica

Equações	Classes Diamétricas										
	Selecio- nadas	5.0-7.4	7.5-9.9	10.0-12.4	12.5-14.9	15.0-17.4	17.5-19.9	20.0-22.4	22.5-24.9	25.0-27.4	27.5-29.9
EUAFCF	0,0174	0,0413	0,0767	0,1119	0,1880	0,2590	0,3517	0,4442	0,5494	0,7321	0,8742
EUPTCF	0,0173	0,0404	0,0740	0,1064	0,1784	0,2437	0,3291	0,4127	0,5071	0,6753	0,8021
EUAFCSB	0,0163	0,0392	0,0736	0,1099	0,1843	0,2565	0,3507	0,4473	0,5579	0,7423	0,8926
EUPTCSB	0,0182	0,0422	0,0770	0,1102	0,1988	0,2504	0,3372	0,4218	0,5173	0,6868	0,8144
EGAAFSB	0,0171	0,0406	0,0753	0,1098	0,1850	0,2549	0,3463	0,4373	0,5408	0,7217	0,8617
ECAPTSB	0,0169	0,0398	0,0724	0,1067	0,1783	0,2448	0,3315	0,4177	0,5155	0,6848	0,8164
ECIAFCF	0,0169	0,0399	0,0742	0,1116	0,1829	0,2724	0,3459	0,4417	0,5514	0,7238	0,8709
ECIPTCF	0,0166	0,0389	0,0717	0,1039	0,1743	0,2390	0,3237	0,4073	0,5022	0,6686	0,7962
EGAFCF	0,0172	0,0409	0,0760	0,1113	0,1870	0,2579	0,3506	0,4433	0,5489	0,7313	0,8741
EUPTCF	0,0175	0,0415	0,0775	0,1163	0,1921	0,2672	0,3642	0,4648	0,5801	0,7652	0,9206
EGAFCSB	0,0167	0,0401	0,0772	0,1127	0,1879	0,2617	0,3575	0,4565	0,5700	0,7557	0,9094
EGPTSE	0,0166	0,0401	0,0757	0,1126	0,1904	0,2651	0,3631	0,4628	0,5771	0,7714	0,9274
EPPTCF	0,0171	0,0402	0,0744	0,1096	0,1821	0,2513	0,3410	0,4317	0,5351	0,7086	0,8476
EPPTSB	0,0164	0,0382	0,0704	0,1050	0,1716	0,2377	0,3213	0,4082	0,5074	4,6653	0,7977
ERAFCSB	0,0168	0,0403	0,0756	0,1120	0,1884	0,2616	0,3572	0,4542	0,5651	0,7535	0,9042
ERAFSB	0,0160	0,0384	0,0723	0,1085	0,1812	0,2527	0,3456	0,4418	0,5520	0,7325	0,8821
ESAFCF	0,0171	0,0410	0,0770	0,1133	0,1920	0,2662	0,3637	0,4616	0,5735	0,7678	0,9202
ESPTCF	0,0179	0,0420	0,0779	0,1164	0,1913	0,2651	0,3601	0,4584	0,5707	0,7506	0,9012
ESAFCSB	0,0160	0,0383	0,0719	0,1086	0,1794	0,2595	0,3423	0,4384	0,5487	0,7236	0,8726
ESPTSB	0,0171	0,0395	0,0719	0,1037	0,1715	0,2339	0,3147	0,3945	0,4846	0,6402	0,7602
ETAFCF	0,0171	0,0406	0,0755	0,1110	0,1859	0,2569	0,3494	0,4602	0,5488	0,7299	0,8735
ETPTCF	0,0173	0,0407	0,0752	0,1110	0,1840	0,2543	0,3446	0,4366	0,5414	0,7158	0,8766
ETAFSB	0,0167	0,0392	0,0726	0,1063	0,1770	0,2438	0,3306	0,4179	0,5171	0,6854	0,8189
ETPTSB	0,0174	0,0405	0,0743	0,1079	0,1791	0,2454	0,3313	0,4169	0,5139	0,6802	0,8099

Tabela 3 — Volumes estimados pelas equações selecionadas, sem considerar o fator de correção da discrepância logarítmica

Equações Selecio- nadas	Classes Diamétricas										
	5.0-7,4	7.5-9.9	10.0-12.4	12.5-14.9	15.0-17.4	17.5-19.9	20.0-22.4	22.5-24.9	25.0-27.4	27.5-29.9	30.0-32.5
EUAFCF	0,0174	0,0412	0,0764	0,1116	0,1874	0,2582	0,3507	0,4429	0,5478	0,7299	0,8716
EUPTCF	0,0172	0,0402	0,0738	0,1060	0,1779	0,2430	0,3281	0,4114	0,5056	0,6732	0,7996
EUAFSB	0,0163	0,0391	0,0735	0,1096	0,1838	0,2559	0,3499	0,4462	0,5566	0,7405	0,8905
EUPTSB	0,0180	0,0417	0,0759	0,1088	0,1962	0,2472	0,3327	0,4163	0,5105	0,6779	0,8038
ECAAFSB	0,0170	0,0404	0,0750	0,1094	0,1843	0,2538	0,3449	0,4356	0,5386	0,7188	0,8582
ECAPTSB	0,0169	0,0397	0,0722	0,1064	0,1778	0,2441	0,3306	0,4165	0,5141	0,6830	0,8141
ECIAFCF	0,0169	0,0398	0,0740	0,1113	0,1824	0,2716	0,3449	0,4404	0,5497	0,7216	0,8683
ECIPTCF	0,0165	0,0388	0,0715	0,1036	0,1734	0,2384	0,3228	0,4062	0,5008	0,6667	0,7940
EGAFCF	0,0172	0,0408	0,0758	0,1110	0,1865	0,2572	0,3496	0,4421	0,5474	0,7293	0,8716
EGPTCF	0,0174	0,0414	0,0772	0,1159	0,1915	0,2663	0,3629	0,4632	0,5781	0,7626	0,9175
EGAFSB	0,0167	0,0400	0,0751	0,1125	0,1875	0,2611	0,3568	0,4556	0,5688	0,7541	0,9075
EGPTSB	0,0164	0,0398	0,0750	0,1115	0,1886	0,2626	0,3597	0,4584	0,5716	0,7641	0,9186
EPPTCF	0,0170	0,0401	0,0743	0,1093	0,1818	0,2508	0,3403	0,4309	0,5341	0,7072	0,8460
EPPTSB	0,0163	0,0381	0,0703	0,1047	0,1711	0,2366	0,3205	0,4072	0,5062	0,6637	0,7957
ERAFCF	0,0168	0,0402	0,0755	0,1118	0,1881	0,2611	0,3566	0,4534	0,5642	0,7521	0,9626
ERAFSB	0,0159	0,0383	0,0720	0,1080	0,1803	0,2514	0,3439	0,4395	0,5492	0,7289	0,8777
ESAFCF	0,0170	0,0408	0,0767	0,1129	0,1914	0,2653	0,3624	0,4600	0,5715	0,7651	0,9169
ESPTCF	0,0178	0,0419	0,0777	0,1160	0,1907	0,2643	0,3590	0,4570	0,5689	0,7482	0,8983
ESAFSB	0,0160	0,0382	0,0717	0,1084	0,1791	0,2500	0,3416	0,4374	0,5476	0,7220	0,8708
ESPTSB	0,0171	0,0394	0,0717	0,1034	0,1710	0,2331	0,3136	0,3932	0,4831	0,6381	0,7577
ETAFCF	0,0170	0,0404	0,0753	0,1107	0,1854	0,2562	0,3484	0,4589	0,5473	0,7279	0,8710
ETPTCF	0,0172	0,0405	0,0750	0,1106	0,1834	0,2531	0,3433	0,4350	0,5394	0,7131	0,8534
ETAFSB	0,0166	0,0391	0,0723	0,1060	0,1764	0,2430	0,3294	0,4164	0,5154	0,6831	0,8161
ETPTSB	0,0173	0,0404	0,0740	0,1076	0,1785	0,2446	0,3303	0,4156	0,5123	0,6781	0,8074

RESULTADOS E DISCUSSÃO

Os resultados obtidos na análise de variância, considerando o fator de correção para a discrepância logarítmica, estão na tabela 4.

Tabela 4 — Análise da variância para as equações considerando o fator de correção de discrepância logarítmica

FV	GL	SQ	QM	F
Classes diamétricas	10	19,3879	1,9388	
Equações Seleccionadas	23	0,0555	0,0024	8,00**
Resíduos	230	0,0592	0,0003	
TOTAL:	263	19,5026		

** Significativo ao nível de 1% de probabilidade.

As médias, em função da espécie, região e método de regeneração, foram as seguintes:

EGPTCF	= 0,3461	a
EGPTSB	= 0,3457	ab
ESAFSB	= 0,3448	abc
ESPTCF	= 0,3410	abc
EGAFSB	= 0,3403	abc
ERAFCF	= 0,3390	abc
EUAFSB	= 0,3337	abcd
ETAFCF	= 0,3317	abcde
EUEFCF	= 0,3314	abcde
EGAFCF	= 0,3314	abcde
EGAFCF	= 0,3308	abcde
ECIAFCF	= 0,3301	abcde
ERAFSB	= 0,3294	abcde
ECAAFSB	= 0,3264	abcde
ESAFSB	= 0,3264	abcde
ETPTCF	= 0,3252	abcde
EPPTCF	= 0,3217	abcdef
EUPTSB	= 0,3158	bcdef

ETAFSB	= 0,3114	cdef
ACAPTSB	= 0,3113	cdef
ETPTSB	= 0,3106	cdef
EUPTCF	= 0,3079	def
ECIPTCF	= 0,3038	def
EPPTSB	= 0,3035	ef
ESPTSB	= 0,2938	f

Média seguidas pelas mesmas letras não diferem entre si pelo teste de Tukey a nível de 1% de probabilidade.

Onde: EU = *Eucalyptus* "urophylla"
 ECA = *E. camaldulensis*
 ECI = *E. citriodora*
 EG = *E. grandis*
 EP = *E. paniculata*
 ER = *E. robusta*
 ES = *E. saligna*
 ET = *E. tereticornis*
 AF = Regime de alto-fuste
 PT = Primeira talhadia
 CF = Região de Coronel Fabriciano
 SB = Região de Santa Bárbara

Desta forma, houve seis grupos de equações consideradas iguais estatisticamente, sendo que a espécie só era considerada no grupo em que esta ocorria maior número de vezes.

- GRUPO I = *E. grandis*, em ambos os métodos de regeneração e regiões.
E. robusta, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões.
E. saligna, em regime de alto-fuste em ambas as regiões, e em primeira talhadia em Santa Bárbara.
- GRUPO II = *E. robusta*, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões.
E. saligna, em regime de alto-fuste em ambas as regiões, e em primeira talhadia em S. Bárbara.
- GRUPO III — *E. camaldulensis*, em ambos os métodos de regeneração na região de Santa Bárbara.
E. robusta, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões.

E. tereticornis, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

GRUPO IV — *E. "urophylla"*, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

E. camaldulensis, em ambos os métodos de regeneração em Santa Bárbara.

E. citriodora, em ambos os métodos de regeneração em Coronel Fabriciano.

E. tereticornis, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

GRUPO V = *E. camaldulensis*, em ambos os métodos de regeneração em Santa Bárbara.

E. citriodora, em ambos os métodos de regeneração em Coronel Fabriciano.

E. paniculata, em primeira talhadia, em ambas as regiões.

E. tereticornis, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

GRUPO VI = *E. paniculata*, em primeira talhadia, em Santa Bárbara.

E. saligna, em primeira talhadia, em Santa Bárbara.

Quando não se considerou o fator de correção para a discrepância logarítmica, os resultados da análise da variância foram os apresentados na tabela 5.

Tabela 5 — Análise da variância obtida para as equações sem se considerar o fator de correção da discrepância logarítmica

FV	GL	SQ	QM
Classes diamétricas	10	19,2458	1,9246
Equações selecionadas	23	0,0550	0,0024**
Resíduo	230	0,0558	0,0003
TOTAL	263	19,3596	

** Significativo a nível de 1% de probabilidade.

As médias, em função da espécie, região e método de regeneração, foram as seguintes:

EGPTCF	=	0,3449	a
ESAFCF	=	0,3436	a
EGPTSB	=	0,3424	a
ESPTCF	=	0,3400	ab
EGAFSB	=	0,3396	abc
ERAFCF	=	0,3384	abc
EUAFSB	=	0,3329	abcd
ETAFCF	=	0,3308	abcd
EUAFCF	=	0,3305	abcd
EGAFCF	=	0,3299	abcd
ECIAFCF	=	0,3292	abcd
ERAFSB	=	0,3277	abcd
ESAFSB	=	0,3257	abcd
ECAAFSB	=	0,3251	abcd
ETPTCF	=	0,3240	abcd
EPPTCF	=	0,3211	abcde
EUPTSB	=	0,3117	bcde
ECAPTSB	=	0,3105	bcde
ETAFSB	=	0,3103	bcde
ETPTSB	=	0,3096	cde
EUPTCF	=	0,3069	de
ECIPTCF	=	0,3030	de
EPPTSB	=	0,3028	de
ESPTSB	=	0,2929	e

Médias seguidas pelas mesmas letras não diferem entre si pelo teste de Tukey a nível de 1% de probabilidades.

Neste caso, o número de grupos considerados iguais foi cinco, o que difere da anterior. Tais grupos são:

GRUPO I = *E. grandis*, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

E. robusta, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões.

E. saligna, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões, e em primeira talhadia em Coronel Fabriciano.

GRUPO II = *E. robusta*, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões.

E. saligna, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões, e em primeira talhadia em Coronel Fabriciano.

GRUPO III = *E. camaldulensis*, em ambos os métodos de regeneração, na região de Santa Bárbara.

E. robusta, em regime de alto-fuste, em ambas as regiões.

E. tereticornis, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

GRUPO IV = *E. "urophylla"*, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

E. camaldulensis, em ambos os métodos de regeneração, em Santa Bárbara.

E. citriodora, em ambos os métodos de regeneração, em Coronel Fabriciano.

E. paniculata, em primeira talhadia, em ambas as regiões.

E. tereticornis, em ambos os métodos de regeneração e regiões.

GRUPO V = *E. paniculata*, em primeira talhadia, em ambas as regiões.

E. saligna, em primeira talhadia, em Santa Bárbara.

Assim sendo, nota-se que o fator de correção para a discrepância logarítmica alterou o número de grupos, bem como o posicionamento de algumas médias o que implica em se concluir que tal fator não deve ser excluído numa análise de equações volumétricas de forma logarítmica, com finalidade de construção de tabelas de volume.

CONCLUSÕES

O presente estudo, conduzido em povoamento da Companhia Agrícola e Florestal Santa Bárbara (CAF), teve como objetivo verificar o efeito do fator de correção para a discrepância logarítmica, quando aplicado no modelo volumétrico proposto por SCHUMACHER & HALL (1933).

Neste estudo, foram consideradas 3353 árvores das espécies *Eucalyptus "urophylla"*, *E. camaldulensis*, *E. citriodora*, *E.*

grandis, *E. paniculata*, *E. robusta*, *E. saligna* e *E. tereticornis*, nas regiões de Coronel Fabriciano e Santa Bárbara, respectivamente, em regime de alto-fuste e primeira talhadia, para calcular os coeficientes da regressão, no modelo de SCHUMACHER & HALL (1933).

Partindo-se das equações provenientes deste modelo, foram estimados volumes por classes de DAP em função das suas alturas médias, onde através de um delineamento em blocos casualizados, procedeu-se à análise estatística de todas as equações. Assim, foram feitas duas análises estatísticas, em uma considerando-se o fator de correção e na outra sem considerá-lo, com finalidade de verificar se tal fator influi na seleção do número de equações. Observou-se que tal fator deve sempre ser considerado, uma vez que altera os valores médios das equações e consequentemente o posicionamento destas no teste de médias. Assim, conclui-se que se deve considerar o fator de correção para as discrepâncias logarítmicas, causadas pelas transformações de modelos volumétricos não lineares.

ABSTRACT

This paper was done with the intention of showing the influence of a correction for a systematic error in the application of the logarithmic volume equation, the so-called discrepancy logarithmic factor. To estimate the regression coefficients for the Schumacher and Hall model, 3353 trees of eight species of eucalyptos were used. With the equations calculated, volumes were estimated by diameter classes and average height in the randomized blocks, considering the discrepancy logarithmic factor in one case and without in the other. The discrepancy logarithmic factor changed the position of a group of equations when comparing with the group of equations where the discrepancy logarithmic factor was not considered, so that the discrepancy logarithmic factor must be considered in logarithmic volume equations.

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- 1 — DRESS, P. E. *Statistical and mathematic application in the construction and adjustment of standard cubic-foot volume tables*. Pennsylvania, 1959. 69. p. Master of Science-School of Forestry Pennsylvania State University. versity.
- 2 — GOLFARI, L. *Zoneamento ecológico do Estado de Minas Gerais para o reflorestamento*. Belo Horizonte, Centro de Pesquisas Florestais do IBDF na Região do Cerrado, 1977. 116 p. (Série Técnica, 10).

- 3 — HOGG, R. V. & CRAIG, A. T. *Introduction to mathematical statistics*. New York, MacMillan, 1978. 438 p.
- 4 — MEYER, H. A. *A correction for a systematic errors occurring in the application of the logarithmic volume equation*. Pennsylvania, Forest School Research, 1941. 3 p. (Paper, 7).
- 5 — —. The standard error of estimate of tree volume from the logarithmic volume equation. *Journal of Forestry*, Washington, 36:340-1, 1938.
- 6 — SCHUMACHER, F. X. & HALL, F. S. Logarithmic expression on the timber tree volume. *Journal of Agricultural Research*, Lahore, (9):719-34, 1933.
- 7 — UNIVERSIDADE FEDERAL DE VIÇOSA. Centro de Processamento de Dados. *Informações sobre o programa REGRE (Versão modificada para o sistema IBM/60)*. Viçosa, MG., 1976. 11 p.

Recebido para publicação em 29 de abril de 1982